



International Science Group

ISG-KONF.COM

XIX
INTERNATIONAL SCIENTIFIC
AND PRACTICAL CONFERENCE
"MODERN PROBLEMS IN SCIENCE"

Vancouver, Canada
May 17 - 20, 2022

ISBN 979-8-88680-827-8

DOI 10.46299/ISG.2022.1.19

MODERN PROBLEMS IN SCIENCE

Proceedings of the XIX International Scientific and Practical Conference

Vancouver, Canada
May 17 – 20, 2022

UDC 01.1

The XIX International Scientific and Practical Conference «Modern problems in science», May 17 – 20, 2022, Vancouver, Canada. 918 p.

ISBN – 979-8-88680-827-8

DOI – 10.46299/ISG.2022.1.19

EDITORIAL BOARD

<u>Pluzhnik Elena</u>	Professor of the Department of Criminal Law and Criminology Odessa State University of Internal Affairs Candidate of Law, Associate Professor
<u>Liubchych Anna</u>	Scientific and Research Institute of Providing Legal Framework for the Innovative Development National Academy of Law Sciences of Ukraine, Kharkiv, Ukraine, Scientific secretary of Institute
<u>Liudmyla Polyvana</u>	Department of Accounting and Auditing Kharkiv National Technical University of Agriculture named after Petr Vasilenko, Ukraine
<u>Mushenyk Iryna</u>	Candidate of Economic Sciences, Associate Professor of Mathematical Disciplines, Informatics and Modeling. Podolsk State Agrarian Technical University
<u>Oleksandra Kovalevska</u>	Dnipropetrovsk State University of Internal Affairs Dnipro, Ukraine
<u>Prudka Liudmyla</u>	Odessa State University of Internal Affairs, Associate Professor of Criminology and Psychology Department
<u>Slabkyi Hennadii</u>	Doctor of Medical Sciences, Head of the Department of Health Sciences, Uzhhorod National University.
<u>Marchenko Dmytro</u>	PhD, Associate Professor, Lecturer, Deputy Dean on Academic Affairs Faculty of Engineering and Energy
<u>Harchenko Roman</u>	Candidate of Technical Sciences, specialty 05.22.20 - operation and repair of vehicles.
<u>Belei Svitlana</u>	Ph.D., Associate Professor, Department of Economics and Security of Enterprise
<u>Lidiya Parashchuk</u>	PhD in specialty 05.17.11 "Technology of refractory non-metallic materials"
<u>Kanyovska Lyudmila Volodymyrivna</u>	Associate Professor of the Department of Internal Medicine
<u>Levon Mariia</u>	Candidate of Medical Sciences, Associate Professor, Scientific direction - morphology of the human digestive system
<u>Hubal Halyna Mykolaivna</u>	Ph.D. in Physical and Mathematical Sciences, Associate Professor

175.	Байсеит А.Н. ШЕСТИНОГИЙ ШАГАЮЩИЙ РОБОТ (ГЕКСАБОТ), КИНЕМАТИКА, ДИНАМИКА И ОПТИМИЗАЦИЯ ДВИЖЕНИЯ	805
176.	Беставашвили Д.Э. К ВОПРОСУ АНАЛИЗА ДИНАМИКИ СИСТЕМЫ ЭЛЕКТРОМЕХАНИЧЕСКОГО ПРЕОБРАЗОВАТЕЛЯ	813
177.	Гапонцева О.В., Фролова Т.В., Афанасьева Т.В., Черевична Н.І. АНАЛІЗ АСОРТИМЕНТУ ТА СУЧАСНИХ СПОСОБІВ ВИРОБНИЦТВА ПРОДУКТІВ З РЕДЬКИ	819
178.	Дорофеев О.А. ОЦІНКА НАПРУЖЕНО-ДЕФОРМОВАНОГО СТАНУ ДИСКРЕТНОГО СЕРЕДОВИЩА	824
179.	Дәуітбай Ш.К., Уалиев Ж.Р. НАВИГАЦІЯЛЫҚ ЛАЗЕРЛІК ДАЛЬНОМЕРМЕН ЖАБДЫҚТАЛҒАН РОБОТТАРДЫ БАСҚАРУ	833
180.	Жаркенова А.Ж. ПЛАНИРОВАНИЕ ПУТИ МОБИЛЬНОГО РОБОТА С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ ЛАЗЕРНОГО ДАЛЬНОМЕРА В УСЛОВИЯХ ПРОЗРАЧНЫХ ПРЕПЯТСТВИЙ	836
181.	Комарова Я.О. ЗБІЛЬШЕННЯ МАНЕВРНОСТІ ЯДЕРНИХ ЕНЕРГООБЛОКІВ УКРАЇНИ ШЛЯХОМ ВИРОБНИЦТВА СИНТЕЗ-ГАЗУ ПІДЧАС ЗНИЖЕННЯ ЕЛЕКТРОСПОЖИВАННЯ	848
182.	Кужель Е.В., Талах Л.О. ПИТАННЯ СЬОГОДЕННЯ: «ТО БЕ –OR NOT TO БЕ?» ЕНЕРГОНЕЗАЛЕЖНОСТІ	851
183.	Манешова Л.С. ПРОГНОЗИРОВАНИЕ УРОВНЯ ЖИЗНИ НАСЕЛЕНИЯ В КАЗАХСТАНЕ С ПОМОЩЬЮ МОДЕЛИРОВАНИЯ	854

ОЦІНКА НАПРУЖЕНО-ДЕФОРМОВАНОГО СТАНУ ДИСКРЕТНОГО СЕРЕДОВИЩА

Дорофєєв Олександр Анатолійович

кандидат технічних наук, доцент
Хмельницький національний університет

Дискретне середовище з позицій механіки деформівного тіла розглядається як область (континуум), що заповнена частинками твердого матеріалу: зернистого, сипкого, гранульованого, дисперсного і т.п. Частинки взаємодіють між собою через безліч довільно орієнтованих контактів, які не сприймають розтягуючих зусиль. Таке середовище опирається зовнішнім силовим чи кінематичним збуренням тільки завдяки силам кулонового тертя, що виникають в місцях контакту частинок, і які пропорційні нормальним притискаючим контактним зусиллям.

На відміну від статичного сипкого середовища, дискретне середовище вважається таким, що деформується. Його деформації відбуваються переважно за рахунок взаємного проковзування жорстких частинок.

Інженерні розрахунки, що пов'язані з оцінкою взаємодії дискретного середовища і контактуючими з ним конструкціями, зводяться до аналізу напружено-деформованого стану середовища від дії зовнішніх силових чи кінематичних збурень. Ці розрахунки можуть бути здійснені тільки з використанням реологічної моделі дискретного середовища, яка описувала б його стан на усіх етапах деформування.

Аналіз відомих реологічних моделей механіки деформівних середовищ [1] показав, що найбільш перспективними щодо дискретного середовища можна вважати моделі теорії пластичності з особливими, характерними для дискретних матеріалів, умовами пластичності. Для впровадження таких моделей необхідно встановити характерні особливості законів деформування дискретних матеріалів та їх відповідність законам пластичного деформування твердих тіл, покладених в основу класичної теорії пластичності.

Метою досліджень є обґрунтування можливості використання апарату теорії пластичності для аналізу напружено-деформованого стану дискретного середовища.

У формулюванні задач теорії пластичності використовуються три групи рівнянь: *статичні диференціальні рівняння*, які забезпечують виконання умови рівноваги; *геометричні рівняння нерозривності*, що відображають умову суцільності середовища; а також *фізичні рівняння залежності напруженого і деформованого станів*, які описують експериментально встановлені закони деформування твердих тіл за межами пружності.

Зіставимо вихідні положення теорії пластичності з особливостями деформування дискретних матеріалів.

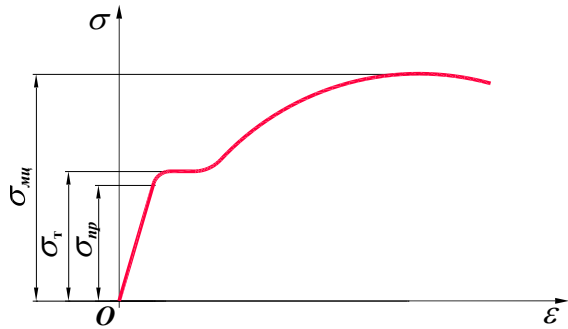


Рис. 1

Діаграма деформування маловуглецевої сталі

1. В усіх теоріях механіки твердого деформівного тіла приймається фундаментальне припущення, що матеріал незалежно від його кристалічної чи молекулярної структури вважається суцільним і однорідним. Гіпотеза про суцільність використовується в моделях механіки ґрунтів та зернистих матеріалів за умови що характерний розмір частинок матеріалу на порядок менший характерних розмірів розрахункової

області. Вказана умова обґрунтовує можливість прийняти гіпотезу квазісуцільності щодо дискретного середовища. Це дозволяє перейти від розгляду зусиль та взаємних переміщень в контактах суміжних частинок до атрибутів суцільного середовища – напружень та деформацій в кожній точці розрахункової області і безпосередньо використовувати рівняння рівноваги і нерозривності при побудові реологічної моделі дискретного середовища в формі, що прийнята в теорії пластичності.

2. Зіставимо природу залишкових (пластичних) деформацій металів і дискретних матеріалів. Пластичне деформування металів відбувається за рахунок зсувів макрокристалів. Опір цим зсувам чинять граничні дотичні напруження, що виникають по площинках зсуву. Аналогічно цьому залишкові деформації дискретних матеріалів виникають в результаті взаємного проковзування не зв'язаних між собою макрочастинок. Опір таким деформаціям чинять тільки сили внутрішнього сухого тертя. Вони асоціюються з граничними дотичними напруженнями, які згідно закону Амонтона – Кулона залежать від нормальних стискуючих напружень.

Отже, природа пластичних деформацій металів і деформацій проковзування дискретного середовища аналогічна.

3. Для формування рівнянь третьої групи – фізичних рівнянь, в теорії пластичності передбачається встановлення законів пластичного деформування конкретних матеріалів за результатами спеціальних випробувань їх зразків. Враховуючи надзвичайну складність випробувань зразків в умовах довільного складного напруженого стану, закони пластичного деформування найчастіше досліджуються за результатами випробувань зразків матеріалу в умовах простого лінійного стану, а результати згідно гіпотези Людвіга (про існування єдиної кривої деформування для усіх видів напруженого стану) переносяться на будь-який складний напружений стан.

При такому підході замість кривої деформування $\sigma = f(\varepsilon)$ розглядається умовна гіперповерхня деформування в багатовимірному просторі компонентів тензора напружень $\{\sigma_{ij}\}$, головних напружень $\{\sigma_i\}$ або базових інваріантів $\{J_i^\sigma\}$ і відповідних їм деформацій.

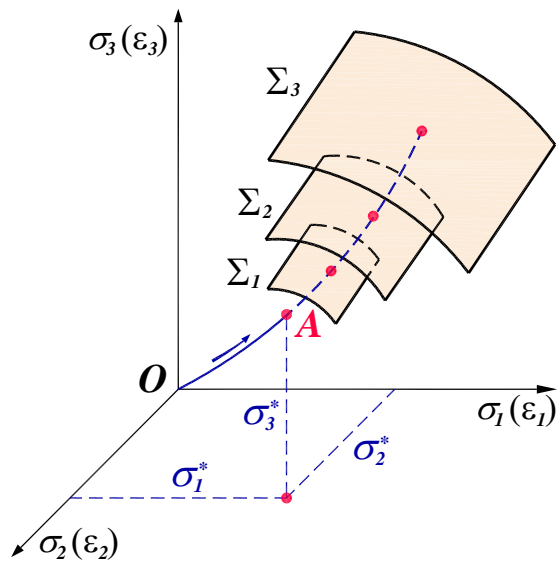


Рис. 1
Поверхні деформування твердих тіл

На рис. 1 зображені три гіперповерхні Σ_1 , Σ_2 , Σ_3 в умовному просторі головних напружень – деформацій. Поверхня Σ_1 обмежує область пружних деформацій, поверхня Σ_2 відповідає початку пластичного деформування, а перехід матеріалу у граничний стан описується поверхнею Σ_3 . Координати точок перетину поверхонь з головними осями відповідають границям пружності $\sigma_{пр}$, текучості σ_T і міцності $\sigma_{ми}$.

При навантаженні зразка за довільною траєкторією OA поверхня навантаження поступово буде збігатись з поверхнями,

які обмежують зони пружного, пружно-пластичного і граничного деформування. Характер цих поверхонь в складному напружено-деформованому стані, навіть для металів, вивчений недостатньо. Тому в теорії пластичності переважно розглядаються відносно прості плоскі та осесиметричні задачі, для яких закони пластичності можуть бути встановлені за результатами експериментів саме при цих видах напруженого стану.

Для практичного використання в інженерних розрахунках експериментально встановлені закони деформування записують у вигляді залежностей між інваріантами тензорів $(J_i^\sigma - J_i^\varepsilon)$.

Описаний підхід до встановлення законів пластичного деформування металів не може бути безпосередньо застосованим до дискретних матеріалів у зв'язку з принциповими відмінностями структури цих матеріалів і твердих тіл.

Перш за все, зразки дискретного матеріалу неможливо випробувати в умовах простого лінійного напруженого стану на осьовий розтяг або стиск, які в теорії пластичності вважаються еталонними довольному складному напруженому стану. Для дискретних матеріалів за еталонні можуть бути прийняті стабілометричні випробування циліндричних зразків при всебічному гідростатичному обтискуванні, або випробування призматичних зразків в умовах плоскої деформації в області стискуючих напружень [2].

Аналогом пластичних деформацій металів є залишкові деформації, що викликані взаємним проковзуванням частинок дискретного матеріалу. Спеціальні експериментальні дослідження А. Дрешера [3] на штучно створених зразках гранульованого матеріалу, а також випробування зразків сухого кварцового піску на перекошування в умовах плоскої деформації [4], показують, що деформації проковзування в дискретних матеріалах відбуваються з самого початку навантаження. Тому поняття границі пружності та границі текучості для цих матеріалів не мають змісту, а поверхні Σ_1 і Σ_2 "стягуються" в точку. Отже, завданням експериментальних досліджень є встановлення характеру граничної

поверхні Σ_3 дискретних матеріалів і законів їх деформування у дограничній та граничній стадіях в просторі інваріантів напружень і деформацій.

Характер поверхні Σ_3 для пластичних твердих матеріалів визначається в просторі напружень умовами Сен-Венана або Мізеса. Обидві умови зв'язують настання граничного стану з досягненням величиною максимальних або октаедричних дотичних напружень границі текучості, яка визначається за результатами випробування зразків на осьовий розтяг або чистий зсув.

Граничний стан дискретного матеріалу пов'язується не з дотичними напруженнями τ_{sp} , а з граничним відношенням дотичних τ і нормальних σ напружень (прояв внутрішнього тертя) і описується умовами Мора – Кулона (аналог умови Сен-Венана) або А. Боткіна (аналог умови Мізеса) [5].

Для доведення можливості використання зазначених умов як критеріїв переходу дискретного матеріалу у граничний стан необхідно провести випробування зразків матеріалу при різних видах напружено-деформованого стану. Аналіз результатів таких досліджень щодо незв'язних ґрунтів [6] показав, що при зміні виду напружено-деформованого стану дискретного матеріалу найбільш стабільною залишається гранична умова Мора – Кулона. Саме ця умова використовується в більшості інженерних розрахунків щодо визначення граничних навантажень для області сипкого середовища.

Апарат теорії пластичності використовується в інженерній механіці для розв'язання задач двох класів [7]: визначення величин граничного навантаження і оцінка фактичного (робочого) напружено-деформованого стану розрахункової області на усіх етапах її деформування.

Задачі знаходження граничних навантажень відносяться до класу статично визначуваних, оскільки для формулювання замкненої системи рівнянь в них не залучаються геометричні рівняння нерозривності деформацій, а використовуються тільки статичні рівняння рівноваги та умова настання граничного стану, сформульовані в напруженнях.

Можливість розв'язання задач по визначенню граничних навантажень щодо дискретного середовища з використанням граничної умови Мора – Кулона чудово продемонстрована В.В. Соколовським [8] на прикладі сипкого середовища.

Більш складними є задачі оцінки фактичних напруженого та деформованого станів в дограничній і граничній областях. Постановка таких задач вимагає проведення спеціальних експериментальних досліджень для встановлення законів деформування матеріалу на усіх етапах навантаження у формі залежностей між тензорами напружень і тензором деформацій або швидкостей деформацій. Ці залежності формулюють третю групу "фізичних" рівнянь, які разом зі статичними і геометричними співвідношеннями утворюють замкнену систему розв'язуваних рівнянь.

В усіх теоріях механіки твердого деформівного тіла тензор напружень $\{\sigma\}$ і аналогічний йому тензор малих деформацій $\{\varepsilon\}$ представляють як суму двох частин: кульових тензорів $\{\sigma_0\}$, $\{\varepsilon_0\}$ і девіаторів $\{D\}_\sigma$, $\{D\}_\varepsilon$. При цьому

вважається, що об'ємні деформації $\{\varepsilon_0\}$ пов'язані тільки з кульовим тензором напружень $\{\sigma_0\}$, а деформації формозміни $\{D\}_\varepsilon$ – тільки з девіатором $\{D\}_\sigma$

$$\begin{aligned} \{\varepsilon_0\} &\longleftrightarrow \{\sigma_0\}; \\ \{D\}_\sigma &\longleftrightarrow \{D\}_\varepsilon. \end{aligned}$$

Ці зв'язки оформлюються у вигляді експериментально встановлених залежностей між інваріантами тензорів напружень і деформацій:

$$J_1^\varepsilon = f_1(J_1^\sigma) - \text{закон об'ємного деформування}; \quad (1)$$

$$J_2^\varepsilon = f_2(J_2^\sigma) - \text{закон формозміни}. \quad (2)$$

Тобто, закони об'ємного деформування і закон формозміни вважаються незалежними.

Зв'язок між третіми інваріантами $(J_3^\varepsilon - J_3^\sigma)$, що відображає вплив виду напружено-деформованого стану на закономірності пластичного деформування твердого тіла, ще недостатньо вивчений.

Дослідження, проведені багатьма науковцями з дискретними матеріалами, встановили три принципові відмінності деформування цих матеріалів від пластичного деформування твердих тіл [9].

1. Деформації формозміни $\{D\}_\varepsilon$ залежать не тільки від девіатора $\{D\}_\sigma$, але й від кульового тензора $\{\sigma_0\}$. Ця залежність відображає першу принципову відмінність дискретних матеріалів – вплив внутрішнього кулонового тертя на процес їх деформування як у граничному, так і в дограничному станах.

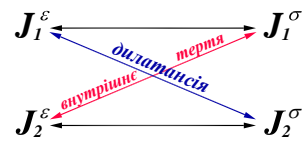
2. Об'ємні деформації дискретних матеріалів відбуваються навіть при сталих нормальних напруженнях за рахунок зсувів. Залежність об'ємних деформацій від зсувів або від дотичних напружень, що їх спричиняють, вперше описана О. Рейнольдсом [10] і названа дилатансією. Прояв дилатансії виражається у залежності об'ємних деформацій $\{\varepsilon_0\}$ не тільки від кульового тензора $\{\sigma_0\}$, але й від девіатора $\{D\}_\sigma$.

3. На характер деформування дискретного матеріалу суттєво впливає вид напружено-деформованого стану, в якому він працює. Враховуючи надзвичайну складність вивчення цієї проблеми, можна запропонувати проводити експерименти для встановлення законів деформування дискретних матеріалів в тих самих видах напружено-деформованого стану, в яких матеріал працює в реальних умовах, наприклад, в умовах плоскої деформації. Такий підхід дозволяє не враховувати залежність між третіми інваріантами, $J_3^\varepsilon = f_3(J_3^\sigma)$ і формулювати закони деформування дискретних матеріалів як залежності тільки між першими двома інваріантами. При цьому закони деформування дискретних матеріалів відображають вплив сухого тертя та дилатансії і описуються не кривими (1), (2), а поверхнями деформування

$$J_1^\varepsilon = \psi_1(J_1^\sigma, J_2^\sigma) - \text{закон об'ємного деформування}; \quad (3)$$

$$J_2^\varepsilon = \psi_2(J_2^\sigma, J_1^\sigma) - \text{закон формозміни}. \quad (4)$$

Особливості представлення законів деформування дискретних матеріалів можна показати схематично у формі зв'язків між першими та другими інваріантами тензорів.



Інваріантні співвідношення (1), (2), що описують закони пластичного деформування металів, використовують для формулювання фізичних рівнянь теорії пластичності деформаційного типу. Ці рівняння записують у формі залежностей між компонентами напружень і досягнутих деформацій аналогічно прийнятим в нелінійній теорії пружності.

В роботах [9], [11] показана можливість використання більш складних співвідношень (3), (4), які відображають вплив внутрішнього тертя і прояв дилатансії, для формулювання фізичних рівнянь плоскої задачі механіки дискретного середовища. Це дозволяє використовувати достатньо апробований апарат теорії пластичності деформаційного типу для оцінки напружено-деформованого стану дискретного середовища у дограничній стадії його деформування і розв'язувати важливі для інженерної практики задачі.

Після досягнення граничного стану середовище продовжує деформуватись вже за іншими законами – законами пластичного плинину. Закони деформування в заграничній області описуються особливими співвідношеннями теорії пластичного плинину [12], які пов'язують напруження $\{\sigma\}$ не з досягнутими деформаціями $\{\varepsilon\}$, а з швидкостями їх приростів $\{d\varepsilon\}$.

Для цього вводиться потенціальна функція $\Phi(\{\sigma_{ij}\})$, через яку визначають швидкості приросту деформацій

$$\{d\varepsilon_{ij}\} = d\lambda \frac{\partial \Phi\{\sigma\}}{\partial \{\sigma_{ij}\}}. \quad (5)$$

Вибір характеру потенціальної функції для конкретного класу матеріалів є принципово важливою проблемою, вирішення якої вимагає проведення спеціальних експериментальних та теоретичних досліджень.

Якщо за потенціальну функцію прийняти умову граничного стану, одержані з (5) співвідношення будуть описувати асоційований закон пластичного плинину, усі інші – неасоційовані з граничною умовою закони пластичного плинину.

В класичній теорії пластичності використовуються потенціальні функції, що асоціюються з характерними для металів граничними умовами Сен-Венана чи Мізеса.

Логічно припустити, що для описання деформацій плинину у дискретному середовищі, можуть бути використані характерні для цього середовища граничні умови Мора – Кулона чи Боткіна.

Можливість використання граничної умови Мора – Кулона як потенціальної функції для плоскої деформації сипкого середовища вперше продемонстровано Д. Друкером та У. Прагером [13]. Одержані ними співвідношення “напруження – швидкості деформацій” добре описують вплив на граничне та заграничне

деформування внутрішнього кулонового тертя. Щодо достовірності описання цією моделлю прояву дилатансії, у багатьох науковців виникли сумніви [14].

Перш за все, співвідношення Друкера – Прагера передбачають дилатансію тільки одного знаку (збільшення об'єму). В експериментах же з пухкими пісками зафіксовано також і їх ущільнення.

По-друге, теоретичні співвідношення передбачають, що швидкість дилатансії $\lambda = \frac{d\varepsilon_0}{d\tau} = \sin \varphi$, яка для сухих пісків середньої щільності становить приблизно $\lambda \approx \sin 30^\circ = 0,5$.

За результатами спеціально проведених досліджень А.С. Строганов (1956) встановив інтервал зміни швидкості дилатансії від $\lambda = 0,239$ для щільних пісків до $\lambda = 0,061$ для пухких. В дослідях Р. Roscoe (1970) інтервал швидкості дилатансії становив від $\lambda = 0,59$ до $\lambda = 0,14$, в дослідях С. Фрідмана інтервал зміни λ – від $\lambda = 0,35$ до $\lambda = 0,1$.

Вказані розбіжності свідчать про невиконання фундаментального положення механіки деформівного тіла щодо аксиальності тензорів напружень та деформацій. Їх намагались виправити шляхом розробки спеціальних неасоційованих моделей пластичного плину, оснований на довільному виборі потенціальної функції. За результатами аналізу моделей цього класу [14], [15] можна зробити висновок, що вони не дозволяють адекватно описати специфічні особливості деформування дискретного середовища. У зв'язку з цим пропонувались інші шляхи вирішення проблеми некоаксиальності характеристик полів граничних напружень і швидкостей деформацій.

Однією з можливих причин невиконання умови коаксиальності полів характеристик може бути невідповідність структур тензорів напружень і швидкостей деформацій.

В класичній теорії пластичності перехід матеріалу у граничний стан за умовою Сен-Венана пов'язується з досягненням величини максимального дотичного напруження τ_{\max} границі текучості. Максимальні дотичні напруження виникають по площинках, нахилених до головних під кутом $\pm \pi/4$. Ці площинки утворюють взаємно ортогональні характеристичні поверхні, на яких виконується гранична умова Сен-Венана. Оскільки максимальні деформації зсуву виникають по цих самих поверхнях, характеристики поля напружень співпадають з характеристиками поля швидкостей деформацій, які асоціюються з поверхнями ковзання. Отже, в класичній теорії пластичності характеристики полів швидкостей деформацій збігаються з ортогональною сіткою характеристик граничного поля напружень за умовою Сен-Венана, що забезпечує виконання фундаментальної умови їх коаксиальності.

В моделі Друкера – Прагера гранична умова Сен-Венана замінена на умову Мора – Кулона, яка пов'язує настання граничного стану сипкого середовища не з величиною максимального дотичного напруження τ_{\max} , а з максимальним відношенням напружень $\tau/\sigma = \operatorname{tg} \varphi$, або з максимальним кутом η відхилення

повного напруження від нормалі, який у граничному стані досягає величини кута внутрішнього тертя $\eta_{\max} = \varphi$. Площинки з максимальним відношенням напружень, названі спряженими [16], нахилені до головних під кутами $\frac{\pi}{4} \pm \varphi$ і утворюють вже неортогональну сітку характеристичних поверхонь граничного поля напружень. Площинки ж максимальних зсувів згідно класичної теорії деформаційного стану нахилені до головних під кутами $\pm \frac{\pi}{4}$ і представляються сіткою ортогональних характеристичних поверхонь поля швидкостей деформацій. Для виконання фундаментальної умови коаксиальності тензорів напружень і швидкостей деформації характеристичні поверхні цих полів повинні збігатися, що неможливо досягнути просто їх жорстким поворотом.

Умову коаксиальності характеристик полів напружень і швидкостей деформацій можна задовольнити, якщо відмовитись від “класичного” визначення деформацій зсуву γ_{xy} , як зміни кута між двома ортогональними напрямками x, y , замінивши його поняттям зсуву v_{ri} між довільним напрямком r і головною віссю i [17].

Таке припущення не суперечить фундаментальним положенням механіки твердого деформівного тіла і за рахунок повної аналогії структур тензорів напружень і деформацій забезпечує виконання умови коаксиальності характеристик полів напружень і швидкостей деформацій у випадку їх неортогональності.

Звичайно, зроблене припущення потребує детального теоретичного аналізу та експериментального підтвердження.

Результати аналізу дозволяють зробити висновок про можливість використання апарату теорії пластичності для описання напружено-деформованого стану дискретного середовища. Найбільш перспективним для цього представляється використання реологічних моделей пластичного плину, які враховують специфічні особливості закономірностей деформування дискретних матеріалів: вплив внутрішнього тертя та прояв дилатансії.

Список літератури

1. Ковтун В. В. Вибір класу механічних моделей для описання деформування дискретного середовища / В. В. Ковтун, О. А. Дорофєєв // Вісник Хмельницького національного університету. – Технічні науки. – 2014. – №3. – С. 142-146.

2. Ковтун В. В. Експериментальне обґрунтування вихідних положень механіки дискретного середовища і визначення розрахункових параметрів моделей / В. В. Ковтун, О. А. Дорофєєв // Вісник Хмельницького національного університету. – Технічні науки. – 2011. – №3. – С. 20-27.

3. Дрешер А. Проверка механической модели течения гранулированного материала методами фотоупругости / А. Дрешер, Ж. до Йоселен де Йонг. / Определяющие законы механики грунтов. – М. : Мир, 1975. – С. 144-165.

4. Ковтун В. В. Исследование характера нелинейных физических зависимостей несвязных грунтов. – Сб. Основания и фундаменты: Вып. 8, Киев : Будівельник, 1975. – С. 64-70.

5. Боткин А. И. О прочности сыпучих и хрупких материалов // Известия ВНИИГ, т. 26. – Л. : 1940. – С. 205-236. Изд. АН СССР, 1942. – 243 с.
6. Ковтун В. В. Исследование прочности сыпучих материалов в условиях плоской деформации / В. В. Ковтун, Е. В. Багрій, В. Т. Бугаев // Будівельні конструкції. – 2004. – Вып. 61. – т. 1. – С. 109-116.
7. Качанов Л. М. Основы теории пластичности. – М. : Наука, 1969. – 420 с.
8. Соколовский В. В. Статика сыпучей среды / Соколовский В. В. – М. : Наука, 1960. – 272 с.
9. Ковтун В. В. Визначальні співвідношення механіки дискретного середовища / В. В. Ковтун // Вісник Хмельницького національного університету. Технічні науки. – 2008. – №5. – С. 69-76.
10. Reynolds O. Experiments showing dilatancy, a property of granular material. Proc. Roy inst. 2, 1886, P. 354-363.
11. Багрій О. В. Плоска задача механіки дискретного середовища / О. В. Багрій, В. В. Ковтун // Вісник Хмельницького національного університету. Технічні науки. – 2012. – №5. – С. 17-21.
12. Седов Л. И. Механика сплошной среды, т. 2. – М. : Наука, 1970. – 578 с.
13. Drucker D. C., Prager W. Soil mechanics and plastic analysis or limit design, – Quarterly of Applied Mathematics, 10, №2, P. 157-165 (1952).
14. Николаевский В. Н. Механические свойства грунтов и теория пластичности / В. Н. Николаевский // Механика твердых деформируемых тел (Итоги науки и техники). – 1972. – т. 6. – С. 3-87.
15. Федоровский В. Г. Современные методы описания механических свойств грунтов // Обзор ВНИИС, – М. : 1985. – 73 с.
16. Ковтун В. В. Напруження по потенціальних площинках ковзання у сипкому середовищі / В. В. Ковтун // Вісник Хмельницького національного університету. Технічні науки. – 2010. – №1. – С. 7-12.
17. Ковтун В. В. Деформації вздовж потенціальних ліній ковзання у сипкому середовищі / В. В. Ковтун, О. А. Дорофеев // Вісник Хмельницького національного університету. Технічні науки. – 2010. – №5. – С. 142-150.